

## تدوین مدل بهینه‌سازی چندهدفه‌ی تخصیص آب و بار آلودگی بر مبنای مدل چانه‌زنی بردا، مطالعه نمونه‌ای: بخشی از سامانه رودی کر

ایلناز حقیقت اصفهانی<sup>۱</sup>، محمدرضا نیکو<sup>۲\*</sup>، ایوب کریمی جشنی<sup>۳</sup>، ناصر طالب بیدختی<sup>۴</sup>

### چکیده

تخصیص بهینه‌ی آب و بار آلودگی از مسائل چالش برانگیز در حوزه‌ی مدیریت منابع آب است. در این تحقیق، روش‌شناسی جدیدی برای تخصیص آب و بار آلودگی در رودها با لحاظ بهره‌برندگان مختلف ارائه شده است. در این راستا، ابتدا برای شبیه‌سازی کیفی چندشاخصه‌ی رود، مدل عددی QUAL2K تدوین و واسنجی شده است. سپس برای کاهش زمان مدل‌سازی و ایجاد امکان اتصال به مدل بهینه‌سازی چند هدفه، فرامدل شبیه‌سازی کیفی در قالب وایازی چند متغیره‌ی خطی ایجاد شده است. بدین منظور پایگاه داده‌ها مورد نیاز برای ایجاد فرامدل با اجرای مکرر مدل QUAL2K صحت‌سنجی شده به ازای مقادیر مختلف تخصیص آب و تخلیه زهاب به‌دست آمده است. در مرحله‌ی بعد، با قرار دادن فرامدل کیفی در مدل بهینه‌سازی، یک مدل شبیه‌سازی-بهینه‌سازی چندهدفه تدوین شده است که در آن سه تابع هدف، شامل حداکثرسازی زهاب تخلیه‌شده به رود، حداکثرسازی آب تخصیص داده‌شده به آب‌بران و حداقل‌سازی میزان تخطی شاخص‌های کیفی از ملاک در نظر گرفته شده اند. مدل بهینه‌سازی چند هدفه منجر به یک منحنی تعامل بین اهداف می‌شود. برای تعیین بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی، مجموعه‌ی توافقی براساس اولویت‌های گروه‌داران تشکیل شده و به‌وسیله‌ی روش‌های گزینش اجتماعی بردا، مدل بازی نش و نش-هرسنی، مطلوب‌ترین رویکرد تخصیص با لحاظ نظر تصمیم‌گیران تعیین شده است. تحلیل حساسیت‌ها نشان داد که مهم‌ترین فراسنج غیرقطعی مسئله، بدهی بالادست رود است. لذا با توجه به بازه‌ی تغییرات داده‌های مشاهداتی طی سال‌های ۷۵ تا ۸۵، و براساس تغییرات محتمل در بدهی رود در ماه بحرانی (مرداد)، ۶ نمایشنامه‌ی عدم قطعیت لحاظ، و مدل به ازای آن‌ها اجرا گردید. نتایج کاربرد مدل پیشنهادی در رود کر واقع در استان فارس، نشان‌دهنده‌ی کارایی مناسب آن در تعیین سیاست‌های تخصیص آب و بار آلودگی بوده است. بر این اساس، اعمال سیاست بهینه‌ی تخصیص آب و بار آلودگی منجر به بهبود ۴۱ درصدی مقدار شاخص DO و ۳۸ درصدی شاخص TSS در نقطه مهار کیفی پنجم شده است. همچنین وضعیت شاخص کیفی BOD در اکثر نقاط مهار کیفی به مقدار کمی بهبود یافته است.

**واژه های کلیدی:** تخصیص آب و بار آلودگی، شبیه‌سازی کیفی رود، گزینش اجتماعی بردا، مدل بازی نش-هرسنی، رود کر

<sup>۱</sup> دانش‌آموخته کارشناسی ارشد محیط زیست، بخش مهندسی عمران و محیط زیست، دانشگاه شیراز.

<sup>۲</sup> دانشیار بخش مهندسی عمران و محیط زیست، دانشکده مهندسی، دانشگاه شیراز

<sup>۳</sup> دانشیار بخش مهندسی عمران و محیط‌زیست، دانشکده مهندسی، دانشگاه شیراز

<sup>۴</sup> استادتمام، بخش مهندسی عمران و محیط‌زیست، دانشکده مهندسی، دانشگاه شیراز.

\* نویسنده مسئول: شماره تلفن: ۰۷۱۳۶۱۳۳۴۹۷ ایمیل: nikoo@shirazu.ac.ir

## ۱- مقدمه

امروزه با افزایش جمعیت، مصارف گوناگون آب افزایش یافته است. این موضوع علاوه بر کاهش کمیت منابع آب، به دلیل توسعه‌ی شهرنشینی و افزایش فعالیت‌های صنعتی و کشاورزی و در نتیجه، ورود زهاب‌های آلوده بخش‌های مزبور به این منابع، موجب کاهش کیفیت منابع آبی نیز شده است. برای فائق آمدن بر این چالش‌ها، اعمال مدیریت بهینه‌ی منابع آبی، در راستای تخصیص درست منابع آب با حداکثر بهره‌وری، امری ضروری است. مبحث مدیریت پایدار منابع آب، مسئله‌ی تخصیص همزمان آب و بار آلودگی با لحاظ تعاملات بهره‌برداران به منظور اجرائی شدن سیاست‌های تخصیص آب و بار آلودگی بهینه، از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. در سال‌های اخیر با ورود نظریه بازی‌ها به مدیریت منابع آب، این نظر مطرح شد که هر یک از طرف‌های درگیر مطلوبیت‌های خود را جستجو کرده و مسئله از حالت تک تصمیم‌گیرنده-تک‌معیاره، به چند تصمیم‌گیرنده-چندمعیاره تبدیل شود (بیژنی‌منظر، ۱۳۹۲). چگونگی برداشت آب و تخلیه‌ی زهاب به رودها عوامل بسیار تأثیرگذاری در مدیریت بهینه‌ی کمی و کیفی این منابع آبی است.

در مسائل مربوط به تخصیص، مطلوبیت‌های گروه‌داران از اهمیت ویژه‌ای برخوردار بوده و بدیهی است که اهداف طرف‌های درگیر ممکن است در تضاد باشند. در مسئله تخصیص آب و تخلیه زهاب، آب‌بران، خواهان برداشت بیشتر آب، تخلیه‌کنندگان بار آلودگی خواهان تخلیه‌ی زهاب بیشتر، و سازمان محیط‌زیست خواهان حفظ کیفیت رود در سطح ملاک است. از این رو لازم است به مطلوبیت افراد تصمیم‌گیرنده در تعیین سیاست‌های تخصیص آب و تخلیه‌ی زهاب توجه شود. در غیر این صورت، سیاست‌های بهینه‌ی حاصله، چون سبب توافق گروه‌داران درگیر نمی‌شوند، در عمل قابل اجرا نخواهند بود. لذا، در این تحقیق، یک روش‌شناسی جدید تخصیص آب و بار آلودگی، بر مبنای مدل بهینه‌سازی چندهدفه ارائه شده است. در روش‌شناسی پیشنهادی، برای سهولت در روند تصمیم‌گیری جمعی و انتخاب مطلوب‌ترین جواب از منظر همه‌ی گروه‌داران، از سه مدل

گزینه‌ی اجتماعی بردا<sup>۱</sup>، مدل بازی نش<sup>۲</sup> و نش-هرسنی<sup>۳</sup> استفاده شده است. تخصیص همزمان آب و بار آلودگی، و لحاظ عدم قطعیت در تخصیص بار آلودگی به وسیله‌ی محققین مختلف بررسی شده است (دای و لیدی، ۲۰۰۱؛ ژانگ و همکاران، ۲۰۱۰؛ نیکو و همکاران، ۲۰۱۲؛ ددی و همکاران، ۲۰۱۳؛ توکلی، ۱۳۹۲؛ بیژنی‌منظر و مهجوری مجد، ۱۳۹۲؛ نیکو و همکاران، ۲۰۱۳؛ توکلی و همکاران، ۲۰۱۴؛ نیکو و همکاران، ۲۰۱۴؛ ذوالفقاری پور و احمدی، ۱۳۹۳؛ استالکی و همکاران، مهجوری و عباسی، ۲۰۱۵؛ منقسی و همکاران، ۲۰۱۵؛ ذوالفقاری پور و احمدی، ۲۰۱۶؛ نیکو و همکاران، ۲۰۱۶؛ صابری و نیک‌سخن، شی و همکاران، منگ و همکاران، ۲۰۱۷؛ ژیا و همکاران، ۲۰۱۷؛ ژوو و همکاران، ۲۰۱۷؛ نصیری و همکاران، ۲۰۱۸؛ هوانگ و همکاران، ۲۰۱۸؛ یوو و لوو، ۲۰۱۸). اما در این زمینه‌ی بهینه‌سازی چندهدفه، تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رود با توجه به شاخص‌های کیفی و استفاده همزمان از نظریه‌های چانه‌زنی برای لحاظ تعاملات بهره‌برداران هنوز بررسی نشده است. لذا این مطالعه از نقطه نظر لحاظ همزمان عدم قطعیت‌ها، بررسی چندشاخصه‌ی بار آلودگی و به‌کارگیری مدل‌های چانه‌زنی (روش‌های بردا، نش و نش-هرسنی) در بحث تخصیص آب و بار آلودگی رود دارای نوآوری بوده و می‌تواند به عنوان یک نمونه برای کارهای آتی مدنظر قرار گیرد. بر این اساس، یک مدل بهینه‌سازی چندهدفه، بر مبنای چند شاخص کیفی آلودگی، برای تخصیص آب و بار آلودگی پیشنهاد شده است که همزمان سعی می‌کند مناقشه‌های بین آب‌برها و تخلیه‌کنندگان زهاب را لحاظ کند. در این مقاله با اجرای مدل شبیه‌سازی-بهینه‌سازی چندهدفه‌ی تخصیص آب، منحنی تعامل بین اهداف تعیین و سپس از نظریه‌های چانه‌زنی بردا، نش و نش-هرسنی برای لحاظ تعاملات بهره‌برداران استفاده شده است. کارایی روش‌شناسی پیشنهادی در این تحقیق، در بخشی از رود کر واقع در استان فارس، ارزیابی شده است. نتایج حاصله نشان‌دهنده‌ی توانایی مدل بهینه‌سازی تدوین شده در تعیین سیاست‌های تخصیص همزمان آب و بار آلودگی بوده است.

<sup>3</sup> Nash -Harsanyi

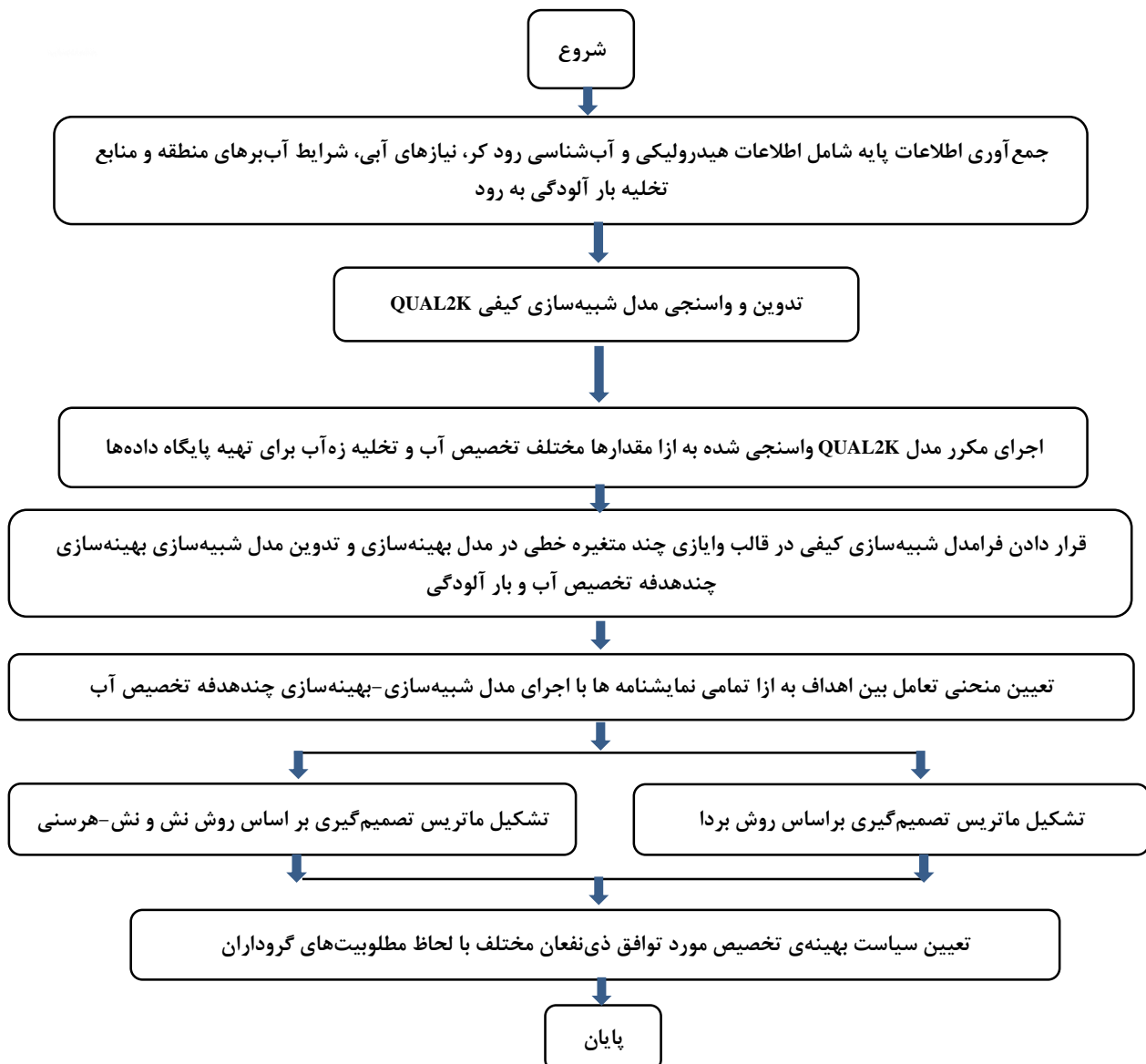
<sup>۱</sup> Borda

<sup>۲</sup> Nash

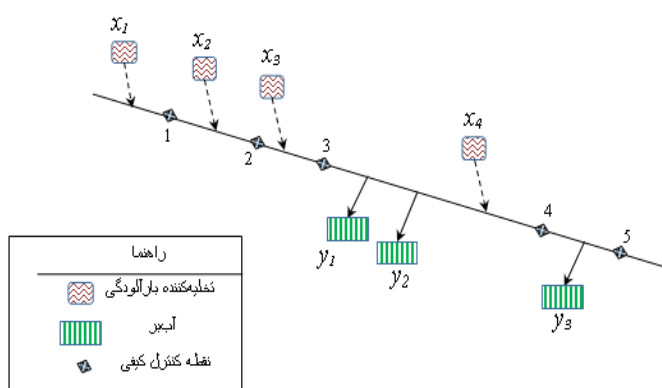
## ۲- ساختار مدل پیشنهادی

شاخص‌های کیفی از ملاک) در نظر گرفته شده اند. پس از اجرای مدل بهینه‌سازی چندهدفه، منحنی تعامل بین اهداف تعیین شده است. هر نقطه بر روی منحنی تعامل، نشان‌دهنده‌ی مقدارها تابع هدف، به ازای یک سیاست بهینه تخصیص است. پس از تنظیم رویکردهای مختلف تخصیص، برای انتخاب مطلوب‌ترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی از روش‌های انتخاب اجتماعی بردا، مدل بازی نش و نش-هرسنی استفاده شده است. ساختار مدل پیشنهادی در شکل شماره ۱ ارائه شده است.

در این تحقیق، پس از تدوین و صحت‌سنجی مدل شبیه‌سازی کیفی، و همچنین تدوین مدل بهینه‌سازی تخصیص آب، مدل شبیه‌سازی QUAL2K مکرراً اجرا شد، سپس به منظور کاهش زمان اجرای مدل‌ها، فرامدل شبیه‌سازی کیفی (در قالب وایزی چند متغیره‌ی خطی) در مدل بهینه‌سازی تخصیص قرار گرفت. در مدل بهینه‌سازی چندهدفه، تخصیص آب و بار آلودگی، سه تابع هدف (۱- حداکثرسازی زهاب تخلیه‌شده به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان به رود، ۲- حداکثرسازی آب تخصیص داده‌شده به آب‌بران و ۳- حداقل‌سازی میزان تخطی



شکل ۱- نمودار مراحل روش پیشنهادی برای تخصیص بهینه‌ی آب و بار آلودگی.



شکل ۲- طرح‌واره‌ی از رود کر، آب‌بران و تخلیه‌کنندگان بار آلودگی در منطقه مطالعه شده.

### ۲-۱ شماتیک مدل پیشنهادی

معادلات کلی تخصیص آب در سامانه رودای کر، با ۳ آب‌بر و ۴ تخلیه‌کننده بار آلودگی با توجه به شکل شماتیک شماره ۲ در زیر ارائه گردیده است:

$$C_{c,BOD} \leq C_{S,BOD} \quad \forall c=1,2,\dots,5 \quad (10)$$

$$C_{c,DO} = R \left( \sum_{i=1}^{i-1} x_i, \sum_{j=1}^{j-1} y_j, q_{up}, C_{up,DO} \right) \quad (11)$$

$$C_{c,BOD} = f \left( \sum_{i=1}^{i-1} x_i, \sum_{j=1}^{j-1} y_j, q_{up}, C_{up,BOD} \right) \quad (12)$$

$$C_{c,TSS} = g \left( \sum_{i=1}^{i-1} x_i, \sum_{j=1}^{j-1} y_j, q_{up}, C_{up,TSS} \right) \quad (13)$$

$$Max \quad h_1 = \left( \sum_{i=1}^4 x_i \right) \quad (1)$$

$$Max \quad h_2 = \left( \sum_{j=1}^3 y_j \right) \quad (2)$$

$$Min \quad h_3 = W_{DO} \times (V_{DO} / DO_{Max}) + W_{BOD} \times (V_{BOD} / BOD_{Max}) + W_{TSS} \times (V_{TSS} / TSS_{Max}) \quad (3)$$

که در معادله‌های بالا مفهوم متغیرها و فراسنج‌ها به

شرح زیر است:

$h_1, h_2, h_3$ : تابع هدف (حداکثرسازی تخلیه زهاب به‌وسیله‌ی تخلیه‌کننده، حداکثرسازی آب تخصیص یافته به آب‌بر و حداقل‌سازی میزان تخطی از حد ملاک)،  $x_i$ : زهاب برگشتی به رود به‌وسیله‌ی تخلیه‌کننده  $i$  ام (MCM/day)،  $y_j$ : آب تخصیص داده شده به آب‌بر  $j$  ام (MCM/day)،  $V$ : مقدار تفاوت غلظت شاخص کیفی مورد بررسی نسبت به حد ملاک آن شاخص،  $DO_{Max}$ : بیشترین حد شاخص  $DO$ ،  $BOD_{Max}$ : بیشترین حد شاخص  $BOD$ ،  $TSS_{Max}$ : بیشترین حد شاخص  $TSS$ ،  $W_{DO}$ ،  $W_{BOD}$ ،  $W_{TSS}$ : وزن‌های لحاظ شده برای شاخص‌های کیفی  $DO$ ،  $BOD$  و  $TSS$ ،  $q_{up}$ : بدهی روزانه جریان بالادست رود (MCM/day)،  $C_{s,DO}$ : غلظت ملاک شاخص کیفیت  $DO$  در بالادست (mg/L)،  $C_{s,BOD}$ : غلظت ملاک شاخص کیفیت  $BOD$  در بالادست رود

$$- \sum_{i=1}^4 x_i + \sum_{j=1}^3 y_j \leq q_{up} - E_d \quad (4)$$

$$- \sum_{i=1}^3 x_i + y_j \leq q_{up} \quad j = 1 \quad (5)$$

$$- \sum_{i=1}^3 x_i + \sum_{j=1}^2 y_j \leq q_{up} \quad (6)$$

$$- \sum_{i=1}^4 x_i + \sum_{j=1}^2 y_j \leq q_{up} \quad (7)$$

$$C_{c,DO} \geq C_{S,DO} \quad \forall c=1,2,\dots,5 \quad (8)$$

$$C_{c,TSS} \leq C_{S,TSS} \quad \forall c=1,2,\dots,5 \quad (9)$$

در این تحقیق از مدل QUAL2K، به منظور شبیه‌سازی کیفی آب رود کر، استفاده شده است. جهت به‌کارگیری مدل کیفی QUAL2K رود به بازه‌هایی با مشخصات هیدرولیکی و کیفی مشابه تقسیم گردید. در مدل مذکور، بده جریان، عمق، دما، مقدار و موقعیت تخلیه بارآلودگی، غلظت متغیرهای کیفی شاخص (نظیر اکسیژن محلول و BOD5) آلکالینیتی، pH، پاتوزن ها، فیتوپلانکتون، مقدار فسفر معدنی و ارگانیک، نیتروژن، جامدات معدنی و دما از جمله اطلاعات ورودی به سامانه هستند. پس از تدوین مدل شبیه‌سازی کیفی رود، واسنجی مدل با تغییر فراسنج‌های مرتبط با زوال متغیرهای کیفی DO, BOD و TSS صورت پذیرفته، به نحوی که اختلاف بین مقادارها شبیه‌سازی شده متغیرهای کیفی مذکور و مقادارها اندازه‌گیری شده در فرایند اندازه‌گیری حداقل مقدار ممکن گردد.

در ادامه، با تعیین بازه‌ی تغییرات محتمل بر مقادارها تخصیص آب به آب‌برها و تولید اعداد تصادفی مربوط به متغیرهای ورودی به مدل کیفی رود، با توجه به این تغییرات، مدل شبیه‌سازی کیفی QUAL2K واسنجی شده به‌ازا ورودی‌ها اجرا گشته و غلظت متغیرهای کیفی شاخص در نقاط مهار کیفی در مسیر رود تعیین می‌شود. سپس اطلاعات مربوط به تخصیص‌ها و بده‌ی بالادست به همراه مشخصات غلظت بارهای آلودگی در نقاط مختلف مهار کیفی برای ایجاد یک مدل جایگزین برای مدل QUAL2K ذخیره‌سازی می‌گردد.

## ۲-۲- انتخاب نقطه توافق شده‌ی بهره‌برداران با

### استفاده از روش‌های بردا، نش، و نش-هرسنی

در یک فرآیند تصمیم‌گیری، چنانچه تعداد تصمیم‌گیرندگان بیش از یک نفر باشد، تصمیم‌گیری با مشکلاتی همراه خواهد بود. چرا که افراد مختلف اهداف، دیدگاه‌ها و اولویت‌های متفاوتی داشتند و تصمیم‌نهایی باید به‌گونه‌ای باشد که کلیه این اختلاف نظرات در آن لحاظ شده باشد. در این تحقیق، گزینه‌ی برتر، آن است که با توجه به هر سه هدف یادشده، از بین دیگر گزینه‌های پیش رو بهتر باشد. به‌عبارتی می‌توان گفت، در این تحقیق گزینه‌ای که مقدار آب تخصیص داده شده به آب‌بران و مقدار تخلیه‌ی زهاب به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان را حداکثر کند، اما میزان تخطی از ملاکهای کیفی رود را

$C_{s,TSS}$  (mg/L): غلظت ملاک شاخص کیفیت TSS در بالادست رود  $C_{c,DO}$  (mg/L): غلظت شاخص کیفی DO در نقطه‌ی مهار  $C_{c,TSS}$  (mg/L): غلظت شاخص کیفی TSS در نقطه‌ی مهار  $C_{s,BOD}$  (mg/L): غلظت شاخص کیفی BOD در نقطه‌ی مهار  $E_d$  (mg/L): نیاز آبی زیست‌محیطی (MCM/day):  $C_{up,DO}$ : غلظت DO در بالادست رود  $C_{up,BOD}$  (mg/L): غلظت BOD در بالادست رود  $C_{up,TSS}$  (mg/L): غلظت TSS در بالادست رود  $C_{c,DO}$ ,  $C_{c,BOD}$ ,  $C_{c,TSS}$  توابعی هستند که با استفاده از معادله‌های پخش و زوال آلاینده از طریق مدل QUAL2K و اجرای مکرر آن برای مقادارها مختلف آب تخصیص داده‌شده برای مصرف‌کنندگان و زهاب تخلیه شده به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان مختلف و برازش (بر اساس ضریب همبستگی) یک معادله‌ی وابازی چندمتغیره خطی (به عنوان فرامدل)، با دقت مناسب به‌دست آمده است و کیفیت زهاب بازگشتی را از نقطه نظر DO, BOD و TSS به‌دست می‌دهند. لازم به ذکر است در این مدل بهینه‌سازی، کیفیت آب در هر نقطه مهار کیفی، به کیفیت آب در نقطه مهار کیفی قبلی و مقدار آب تخصیص داده شده به آب‌بر یا تخلیه بار آلودگی به‌وسیله‌ی تخلیه‌کننده در بالادست آن نقطه بستگی دارد. همچنین  $E_d$  در این تحقیق ۱۰٪ بده بالادست رود ( $q_{up}$ ) در نظر گرفته شده است (حبیب اله فخرایی، ۱۳۸۷).

جهت لحاظ عدم قطعیت، براساس تحلیل حساسیت انجام شده، بده‌ی بالادست رود مهم‌ترین و تأثیرگذارترین فراسنج غیرقطعی مسئله تخصیص است. بده‌ی استفاده شده در این تحقیق، میانگین حداقل جریان ثبت گردیده ۷ روز متوالی با دوره‌ی بازگشت ۱۰ ساله ( $7Q_{10}$ ) بوده است. با توجه به بازه‌ی تغییرات داده‌های مشاهداتی طی سال‌های ۷۵ تا ۸۵، و قضاوت مهندسی ۶ نمایشنامه‌ی مختلف، حول بازه‌ی  $(7Q_{10} \pm 30\%)$ ، برای فراسنج غیرقطعی (بده‌ی بالادست) تعیین شده است. به‌ازا نمایشنامه‌های مختلف بده‌ی بالادست، مدل بهینه‌سازی اجرا شده است تا تأثیرات عدم قطعیت سامانه بر خروجی سیاست‌های تخصیص آب و بار آلودگی، شناخته شود.

## ۲-۲- مدل شبیه‌سازی QUAL2K

مدل‌های ریاضی از مهم‌ترین ابزارهای پیش‌بینی کیفیت آب رودها هستند. برای رسیدن به اهداف مذکور،

حداقل سازد، به‌عنوان برترین گزینه توافق شده یا بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی، معرفی می‌شود. از آنجا که در روش‌های گزینش اجتماعی، اولویت با مطلوب‌ترین گزینه (از نظر تصمیم‌گیرنده) است، باید ماتریس توافق به‌گونه‌ای شکل گیرد که بتوان بهترین سیاست تخصیص را از بین دیگر سیاست‌ها انتخاب کرد. جهت به‌کارگیری روش بردا، نش، و نش-هرسنی تابع‌های هدف بایستی همگی از جنس حداکثرسازی یا حداقل‌سازی باشند. در این تحقیق، اهداف از جنس حداکثرسازی در نظر گرفته شده‌اند. برای تابع هدف حداقل‌سازی تخطی از ملاک نیز از معکوس تخطی استفاده شده است. در ادامه، ماتریس توافق را تشکیل داده، نقطه‌ای که روی منحنی تعامل بین اهداف حداکثر مقدار را به‌دست آورده باشد، به‌عنوان گزینه برتر و به‌عبارتی بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی از مجموعه‌ی سیاست‌های تخصیص، نظیر نقاط مختلف روی منحنی تعامل بین اهداف، انتخاب می‌شوند. برای جزئیات بیشتر به شیخ‌محمدی و مدنی (۲۰۰۸) مراجعه شود. در روش نش و نش-هرسنی نیز از طریق مدل ضربی نش، نمایشنامه توافق‌گشنه، تعیین شده است. لازم به ذکر است این وزن‌ها برای اهداف اول تا سوم در روش نش-هرسنی به ترتیب عبارتند از ۰/۰۷۸۰، ۰/۰۴۶ و ۰/۹۱۷۴.

### ۳- نتایج و بحث

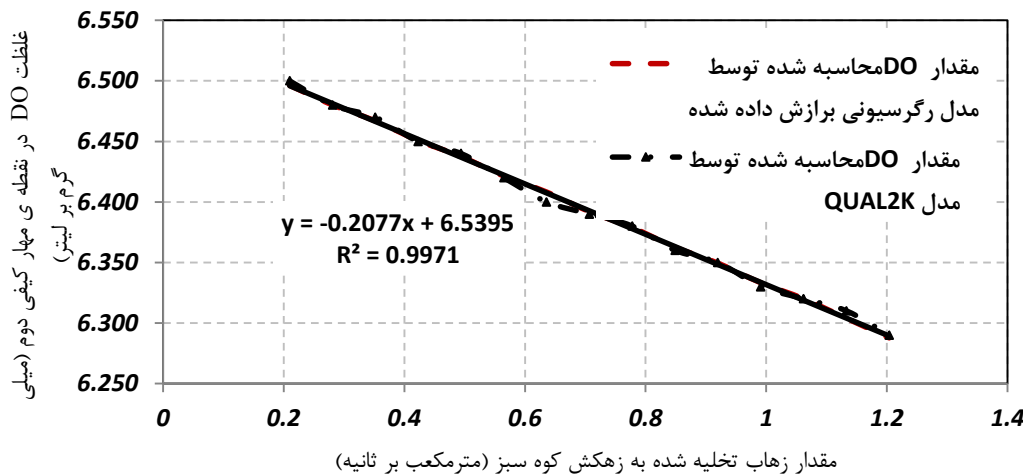
در این قسمت، نتایج مدل بهینه‌سازی چندهدفه‌ی تخصیص آب و بار آلودگی با لحاظ چندین آلاینده‌ی شاخص کیفیت آب در شرایط عدم قطعیت، ارائه شده‌اند. شاخص‌های کیفی در نظر گرفته شده در این مطالعه  $DO$ ،  $BOD$  و  $TSS$  هستند. در این تحقیق، برای کاهش زمان اجرای مدل شبیه‌سازی-بهینه‌سازی پیشنهادی، مدل واسنجی شده‌ی QUAL2K با یک فرامدل جایگزین شده است. به این صورت که مدل QUAL2K به صورت مکرر برای مقدارها مختلف آب تخصیص داده شده برای مصرف کنندگان و زهاب تخلیه شده به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان مختلف اجرا گردیده است و یک تابع چندجمله‌ای به‌گروه اطلاعات ورودی-خروجی حاصله، برازش داده شده است. فرامدل رابطه‌ی بین برداشت آب و تخلیه‌ی زهاب بالادست را بر غلظت آلاینده‌های شاخص مشخص در هر نقطه مهار کیفی نشان می‌دهد. شکل شماره‌ی ۳ به‌عنوان نمونه‌ی مقایسه غلظت شاخص کیفی  $DO$  را به‌وسیله‌ی مدل QUAL2K و فرامدل وایازی چند متغیره‌ی خطی نشان می‌دهد. همان‌طور که روند نزولی شکل نشان می‌دهد با تخلیه‌ی بیشتر زهاب به‌وسیله‌ی زهکش کوه‌سبز، میزان

حداقل سازد، به‌عنوان برترین گزینه توافق شده یا بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی، معرفی می‌شود. از آنجا که در روش‌های گزینش اجتماعی، اولویت با مطلوب‌ترین گزینه (از نظر تصمیم‌گیرنده) است، باید ماتریس توافق به‌گونه‌ای شکل گیرد که بتوان بهترین سیاست تخصیص را از بین دیگر سیاست‌ها انتخاب کرد. جهت به‌کارگیری روش بردا، نش، و نش-هرسنی تابع‌های هدف بایستی همگی از جنس حداکثرسازی یا حداقل‌سازی باشند. در این تحقیق، اهداف از جنس حداکثرسازی در نظر گرفته شده‌اند. برای تابع هدف حداقل‌سازی تخطی از ملاک نیز از معکوس تخطی استفاده شده است. در ادامه، ماتریس توافق را تشکیل داده، نقطه‌ای که روی منحنی تعامل بین اهداف حداکثر مقدار را به‌دست آورده باشد، به‌عنوان گزینه برتر و به‌عبارتی بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی از مجموعه‌ی سیاست‌های تخصیص، نظیر نقاط مختلف روی منحنی تعامل بین اهداف، انتخاب می‌شوند. برای جزئیات بیشتر به شیخ‌محمدی و مدنی (۲۰۰۸) مراجعه شود. در روش نش و نش-هرسنی نیز از طریق مدل ضربی نش، نمایشنامه توافق‌گشنه، تعیین شده است. لازم به ذکر است این وزن‌ها برای اهداف اول تا سوم در روش نش-هرسنی به ترتیب عبارتند از ۰/۰۷۸۰، ۰/۰۴۶ و ۰/۹۱۷۴.

### ۲-۳- معرفی منطقه مطالعه شده

جهت ارزیابی کارایی روش‌شناسی پیشنهادی، بخشی از سیستم رود کر واقع در استان فارس به‌عنوان منطقه مطالعه شده، ارزیابی گردیده است. رود کر با حوضه‌ی مساحت ۹۶۵۰ کیلومتر مربع از ارتفاعات کوه پلنگی و برآفتاب سرچشمه گرفته، و از شهرهای سیوند، مرودشت، کناره، سیدان، قادرآب، سوریان و صفاشهر می‌گذرد. با توجه به نقش کلیدی در کشاورزی، و همچنین تامین نیاز بوم‌شناسی دریاچه‌های بختگان و طشک، مهم‌ترین رود فارس می‌باشد. رود کر، از غرب دشت درودزن و از محل خروجی سد درودزن وارد شده و پس از طی طول دشت، از شرق خارج می‌شود. آب این رود به‌وسیله‌ی سد مخزنی درودزن تنظیم شده و بخش عمده‌ای از اراضی دشت را آبیاری کند. در ایران، بر اساس تحقیقات انجام گرفته، مهم‌ترین منابع آلاینده رودها عبارتند از (۱) زهاب‌های

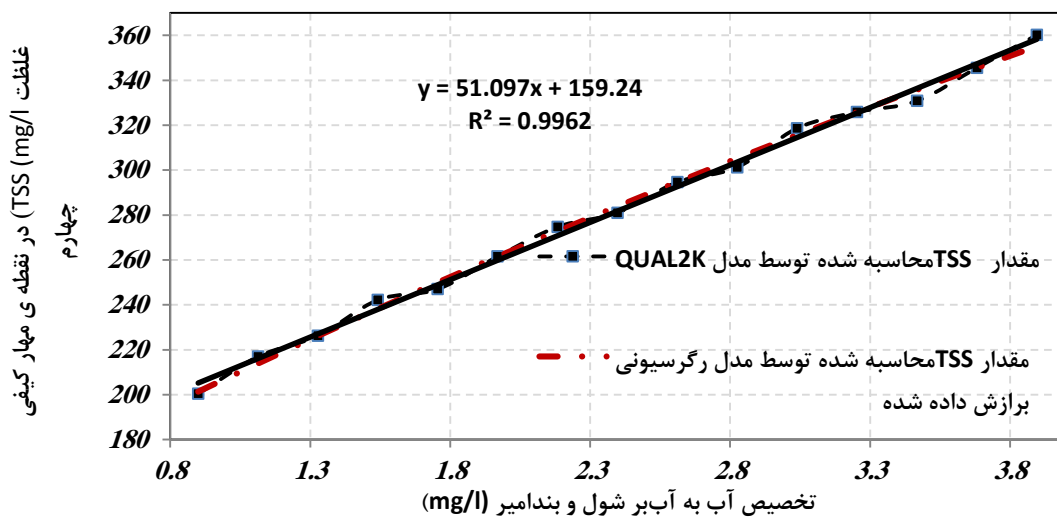
DO آب کاهش می‌یابد. از طرفی مقدار  $R^2$  برابر با ۰/۹۹۷ به دست آمده است که بیانگر دقت مناسب تابع برازش داده شده است.



شکل ۳- مقایسه غلظت DO در زهاب برگشتی از زهکش کوه سبز به وسیله مدل QUAL2K و فرامدل وایزی چندمتغیره ی خطی در نقطه ی مهار کیفی دوم.

نقطه ی مهار کیفی چهارم افزایش یافته است. همچنین، مقدار بالای  $R^2$  نشان دهنده ی دقت تابع برازش داده شده است.

در شکل شماره ۴ مقدار شاخص کیفی TSS به ازای مقادارها مختلف تخصیص به آب بر شول و بندامیر آورده شده است. همان طور که مشخص است، با افزایش تخصیص آب به آب بر مذکور، مقدار TSS در رود در



شکل ۴- مقایسه غلظت TSS در رود، در تخصیص آب به آب بر شول و بندامیر به وسیله مدل QUAL2K و فرامدل وایزی چندمتغیره ی خطی در نقطه ی مهار کیفی چهارم.

قالب منحنی تعامل بین اهداف بهینه حاصل گردد. بدین معنی که با اجرای مدل بهینه یابی به ازای مقادارها جمعیت و نسل های بالاتر تغییری در منحنی تعامل بین اهداف بهینه ایجاد نگردد. لازم به ذکر است که مدل NSGA-II

در این تحقیق، برای ایجاد مدل بهینه سازی چند هدفه از مدل NSGA-II استفاده شده است. مقدار جمعیت و تعداد نسل ها به نحوی تنظیم شده اند که منحنی اطمینان از همگرایی به بهینه ی عمومی مسئله در

و به‌طور خلاصه در جدول ۱ ارائه شده است. مقایسه‌ی گزینه برتر با استفاده از سه روش مذکور نشان می‌دهد که روش گزینش اجتماعی بردا و مدل بازی‌نش-هرسنی، هر دو نقطه‌ی شماره‌ی ۱ روی منحنی تعامل بین اهداف را انتخاب کرده‌اند. پس، نقطه مزبور، حتی از نقطه‌ی شماره ۷ (نقطه روی منحنی تعامل بین اهداف برگزیده به‌وسیله‌ی روش نش) نیز مطلوب‌تر است، گرچه مقادیرهای تخصیص به آب‌بران و تخلیه‌کنندگان در گزینه‌ی برتر انتخابی به‌وسیله‌ی هر سه روش، بسیار نزدیک به هم هستند.

مدلی کاملاً پر کاربرد و صحت‌سنجی شده بوده و بر مبنای تحقیقات دب و همکاران (۲۰۰۲) توسعه یافته است. برای رعایت اختصار در مقاله، از نام مدل بهینه‌سازی استفاده شده و خوانندگان می‌توانند برای توضیحات بیشتر به مقاله (Deb et al. 2002) مراجعه کنند. پس از اجرای مدل بهینه‌سازی چندهدفه‌ی تخصیص آب و بار آلودگی، و استخراج منحنی تعامل بین اهداف، بهترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی، از مجموعه سیاست‌های تخصیص نظیر نقاط مختلف روی منحنی تعامل بین اهداف، با استفاده از روش‌های گزینش اجتماعی بردا، مدل بازی‌نش و نش-هرسنی انتخاب شده

جدول ۱- مقادیر تخصیص آب و بار آلودگی توافقی شده‌ی بهره‌برداران با استفاده از روش‌های بردا، نش و نش-هرسنی.

روش چانه‌زنی	برگشت زهاب به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان* (MCM)							تخصیص آب به آب‌بران** (MCM)
	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	
بردا	۱/۵۲۸	۰/۳۵۷	۴/۸۹۷	۵/۷۲۱	۶/۴۸۵	۹/۱۷۶	۲/۲۱۹	
نش	۱/۶۰۳	۰/۳۵۷	۵/۰۲۷	۵/۷۹۱	۶/۴۵۱	۹/۰۷۷	۱/۹۸۳	
نش-هرسنی	۱/۵۲۸	۰/۳۵۷	۴/۸۹۷	۵/۷۲۱	۶/۴۸۵	۹/۱۷۶	۲/۲۱۹	

\*  $x_1, x_2, x_3$  و  $x_6$  تخلیه‌کننده زهاب هستند.

\*\*  $x_4, x_5$  و  $x_7$  آب‌بران سامانه رودی هستند.

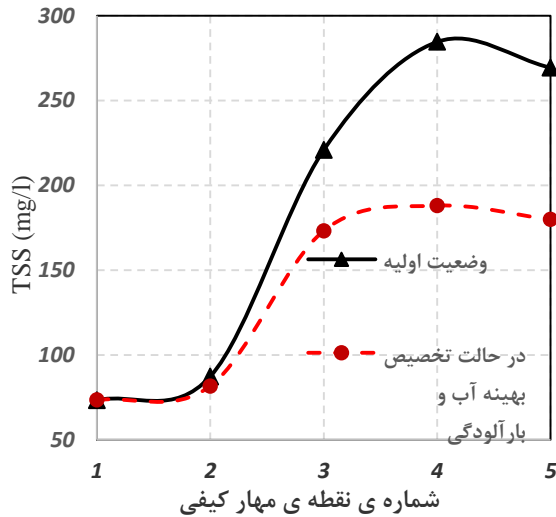
در نقاط مهار کیفی سه، چهار و پنج، بعد از تخصیص رخ داده است، به‌گونه‌ای که شاخص کیفی  $TSS$  در این نقاط مهار به ترتیب ۰.۲۳٪، ۰.۳۳٪ و ۰.۳۳٪ کاهش یافته است. که همین مسئله به‌طور قطع موجب بهبود کیفیت رود، تا حد زیادی خواهد شد.

مقایسه وضعیت سامانه مطالعه شده، از نظر غلظت شاخص کیفی  $BOD$ ، قبل و بعد از تخصیص آب و بار آلودگی طبق گزینه‌ی انتخابی برتر به‌وسیله‌ی روش نش، در شکل ۷ آورده شده است. همان‌طور که در شکل دیده می‌شود، بعد از تخصیص آب و بار آلودگی وضعیت شاخص کیفی  $BOD$  در نقاط مهار دو، سه و چهار بهتر شده است، به‌طوری‌که در نقطه‌ی مهار دوم، شاخص کیفی  $BOD$  بهبودی در حد ۰.۲۵٪ داشته است. به‌طور کلی بهبود چشمگیری در وضعیت شاخص کیفی  $DO$  و  $BOD$  دیده نمی‌شود. دلیل پدیده مزبور این است که در مدل بهینه‌سازی چندهدفه، وزن شاخص کیفی  $TSS$  ( $W_{TSS}$ )، بیشتر از وزن دو شاخص کیفی دیگر، یعنی  $DO$  و  $BOD$ ، در نظر گرفته شده است بنابراین تخصیص بهینه بیشتر در جهت کاهش  $TSS$  بوده است.

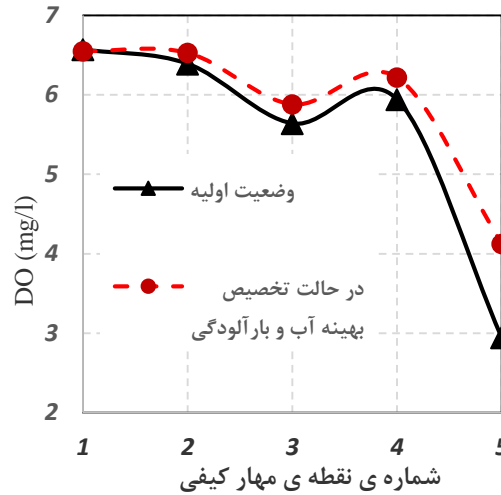
در شکل ۵ مقایسه‌ای بین غلظت شاخص کیفی  $DO$  در حالت اولیه (وضع فعلی برداشت‌ها و تخلیه‌ی زهاب) و بعد از تخصیص گزینه برتر به‌وسیله‌ی روش بردا انجام شده است. با توجه به اینکه در بالادست نقاط مهار کیفی اول و دوم آبی برداشت نشده و بازگشت زهاب به‌وسیله‌ی دو تخلیه‌کننده، بسیار ناچیز است، در نقاط مهار کیفی اول و دوم، غلظت شاخص کیفی  $DO$  تغییر ناچیزی داشته است. اما در نقطه‌ی مهار کیفی آخر، غلظت  $DO$  از  $۲/۹ \text{ mg/l}$  به  $۴/۱ \text{ mg/l}$  رسیده است و بهبودی در حدود ۰.۴۱٪ را نشان می‌دهد.

در شکل ۶، وضعیت شاخص کیفی  $TSS$  در حالت اولیه (وضع فعلی برداشت‌ها و تخلیه‌ی زهاب) و بعد از تخصیص آب و بار آلودگی طبق گزینه‌ی برگزیده به‌وسیله‌ی روش نش-هرسنی نشان داده شده است با توجه به اینکه در بالادست نقاط مهار کیفی اول و دوم، دو تخلیه‌کننده وجود دارند که از نظر شاخص کیفی  $TSS$  در بار آلودگی تخلیه‌شده به‌وسیله‌ی این دو تخلیه‌کننده، مشکلی وجود نداشته است، تأثیر اعمال تخصیص بهینه در نقاط مهار یک و دو ناچیز بوده اما همان‌طور که دیده می‌شود، بهبود چشم‌گیری در وضعیت این شاخص کیفی



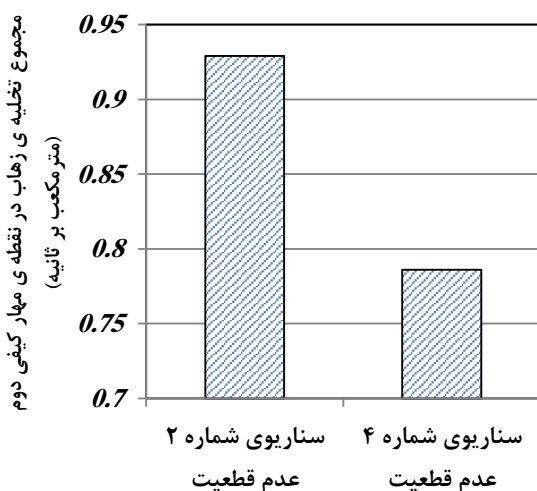


شکل ۶- مقایسه ی شاخص کیفی TSS در حالت تخصیص اولیه (وضعیت فعلی برداشت ها و تخلیه ی زهاب) و بعد از تخصیص نمایشنامه ی برتر روش نش-هرسنی.



شکل ۵- مقایسه ی شاخص کیفی DO در حالت تخصیص اولیه (وضعیت فعلی برداشت ها و تخلیه ی زهاب) و بعد از تخصیص نمایشنامه ی برتر روش بردا.

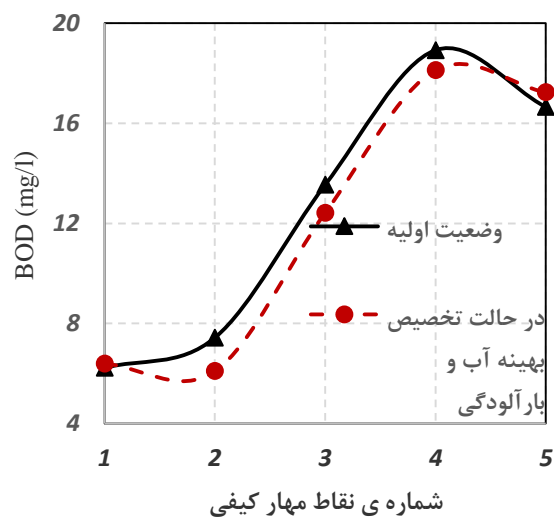
نقطه ی شماره ۸ روی منحنی تعامل را به عنوان برترین سیاست تخصیص آب و بار آلودگی معرفی کرده اند، که نشان دهنده ی تأکید بیشتر بر بهترین بودن سیاست تخصیص آب و بار آلودگی طبق نقطه ی شماره ی ۸ روی منحنی تعامل است. در شکل ۸، مجموع مقدار تخلیه زهاب تا نقطه ی مهار کیفی دوم، به ازای اجرای نمایشنامه های شماره دو و چهار عدم قطعیت ارائه شده است.



شکل ۸- مجموع زهاب تخلیه شده تا نقطه ی مهار کیفی دوم، در نمایشنامه های شماره دو و چهار عدم قطعیت.

### ۳-۲-۱- نتایج لحاظ عدم قطعیت در مدل بهینه سازی چندهدفه

به ازای تعریف نمایشنامه های مختلف عدم قطعیت، مدل بهینه سازی چندهدفه اجرا شده است. سپس گزینه توافق شده با استفاده از روش بردا، نش و نش-هرسنی انتخاب گردیده و در جدول ۲ آورده شده است. همان طور که دیده می شود، هر سه روش بردا، نش و نش-هرسنی،



شکل ۷- مقایسه ی شاخص کیفی BOD در حالت تخصیص اولیه (وضعیت فعلی برداشت ها و تخلیه ی زهاب) و بعد از تخصیص نمایشنامه ی برتر روش نش.

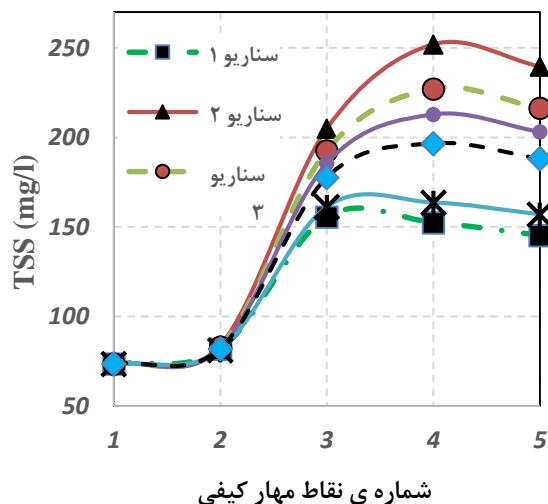
جدول ۲- مقدارها تخصیص توافقی شده‌ی ذی‌نفعان با استفاده از روش‌های بردا، نش و نش-هرسنی در شرایط عدم قطعیت.

روش چانه‌زنی	برگشت زهاب به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان* (MCM)						تخصیص آب به آب‌بران** (MCM)
	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_6$	$x_4$	$x_5$	$x_7$
بردا	۱/۷۳۲	۰/۲۷۴	۶/۱۸۴	۵/۸۶۶	۱/۸۳۸	۶/۵۳۴	۰/۲۴۳
نش	۱/۷۳۲	۰/۲۷۴	۶/۱۸۴	۵/۸۶۶	۱/۸۳۸	۶/۵۳۴	۰/۲۴۳
نش-هرسنی	۱/۷۳۲	۰/۲۷۴	۶/۱۸۴	۵/۸۶۶	۱/۸۳۸	۶/۵۳۴	۰/۲۴۳

\*  $x_1$ ،  $x_2$ ،  $x_3$  و  $x_6$  تخلیه‌کننده زهاب هستند.

\*\*  $x_4$ ،  $x_5$  و  $x_7$  آب‌بران سامانه رودی هستند.

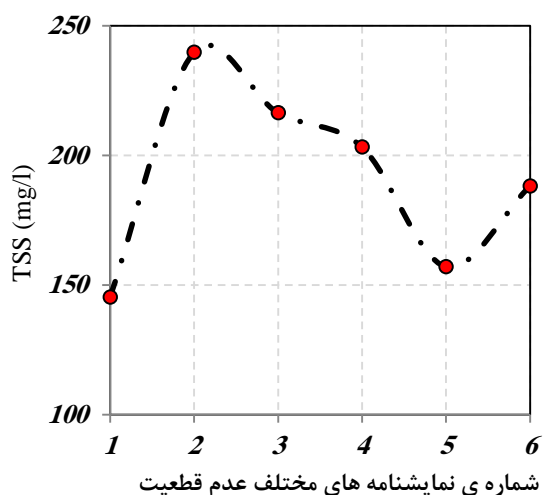
آورده شده است. نتایج نشان می‌دهند که اثرات تغییرات بده در نمایشنامه‌های مختلف عدم قطعیت بر غلظت TSS در نقاط مهار کیفی اول تا سوم بسیار ناچیز است، اما اثر آن در نقاط مهار کیفی چهارم و پنجم بیشتر می‌شود. نتایج همچنین نشان می‌دهند که وقتی از بالادست رود به سمت پایین‌دست حرکت می‌کنیم، کیفیت آب بدتر می‌شود.



شکل ۱۰- مقایسه‌ی مقدار شاخص کیفی TSS در نقاط مهار کیفی مختلف در نمایشنامه‌های مختلف عدم قطعیت در بالادست رود.

جهت کاهش زمان اجرای مدل شبیه‌سازی-بهینه‌سازی پیشنهادی، از فرامدل به جای مدل QUAL2K استفاده شده است. همبستگی بالای نتایج حاصله از مدل شبیه‌سازی کیفی QUAL2K و تابع وایزی برازش داده شده به عنوان فرامدل، دقت مناسب فرامدل را نشان می‌دهد.

در شکل ۹، تغییرات غلظت شاخص کیفی TSS در نقطه‌ی مهار کیفی پنجم، در نمایشنامه‌های مختلف عدم قطعیت آورده شده است. با توجه به شکل، در نمایشنامه‌ی عدم قطعیت شماره‌ی یک، حداقل مقدار TSS و در نمایشنامه‌ی عدم قطعیت شماره‌ی دو افزایش مقدار TSS، در نقطه‌ی مهار کیفی پنجم را شاهدیم. در شکل ۱۰، مقدار غلظت شاخص کیفی TSS در همه‌ی نقاط مهار کیفی، به‌ازا اجرای نمایشنامه‌های مختلف عدم قطعیت،



شکل ۹- غلظت TSS تا نقطه‌ی مهار کیفی پنجم در شرایط نمایشنامه‌های مختلف عدم قطعیت.

#### ۴- جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

در این تحقیق، رویکرد جدیدی جهت تخصیص بهینه‌ی آب و بار آلودگی بر مبنای یک مدل بهینه‌سازی چندهدفه، مدل شبیه‌سازی QUAL2K و سه روش گزینش اجتماعی بردا، مدل بازی نش و نش-هرسنی ارائه شده‌اند.

- ۴) توکلی ع. ۱۳۹۲. تدوین مدل تخصیص همزمان آب و بار آلودگی در رودها در شرایط عدم قطعیت: کاربرد تحلیل فاکتوریل. پایان نامه کارشناسی ارشد، به راهنمای دکتر رضا کراچیان. دانشکده مهندسی عمران. دانشگاه تهران
- ۵) ذوالفقاری پور م.ا و احمدی آ. ۱۳۹۳. تدوین سیاست‌های تخصیص بار آلودگی در رودها با استفاده از رویکرد گزینش اجتماعی. نشریه آب و فاضلاب. شماره ۶
- ۶) فخرایی ح. تعیین ظرفیت خودپالایی رود های کر و سیوند و تخصیص بار آلودگی به منابع آلاینده آن پایان نامه کارشناسی ارشد دانشگاه شیراز، ۱۳۸۷
- ۷) مجنونیان، هنریک، ۱۳۷۸. حفاظت رود ها، انتشارات سازمان حفاظت محیط زیست
- 8) Dai T and Labadie J.W. 2001. River basin network model for integrated water quantity/quality management. *Journal of Water Resources Planning and Management*. 127(5):295-305.
- 9) Deb, K., Pratap, A., Agarwal, S. & Meyarivan, T., 2002, A Fast and Elitist Multiobjective Genetic Algorithm: NSGA-II, *IEEE Transaction on Evolutionary Computation*, 6(2), PP. 182-197.
- 10) Dedi L, Shenglian G, Quanxi S and Yunzhong J. 2014. Optimal allocation of water quantity and waste load in the northwest Pearl river delta, China. *Stock environ res risk assess*. 28:1525-1542.
- 11) Estalaki, S.M., Abed-Elmdoust, A. and Kerachian, R., 2015. Developing environmental penalty functions for river water quality management: application of evolutionary game theory. *Environmental Earth Sciences*, 73(8), pp.4201-4213.
- 12) Huang, X., Chen, X. and Huang, P., 2018. Research on Fuzzy Cooperative Game Model of Allocation of Pollution Discharge Rights. *Water*, 10(5), p.662.
- 13) Mahjouri, N. and Abbasi, M.R., 2015. Waste load allocation in rivers under uncertainty: application of social choice procedures. *Environmental monitoring and assessment*, 187(2), p.5.
- 14) CEE01\_033.html Meng, C., Wang, X. and Li, Y., 2017. An Optimization Model for Waste Load Allocation under Water Carrying Capacity Improvement Management, A Case Study of the Yitong River, Northeast China. *Water*, 9(8), p.573.
- 15) Monghasemi, S., Nikoo, M.R., Fasaee, M.A.K. and Adamowski, J., 2015. A novel multi criteria decision making model for optimizing time-cost-quality trade-off

در مدل بهینه‌سازی چندهدفه، حداکثرسازی زهاب برگشتی به‌وسیله‌ی تخلیه‌کنندگان، حداکثرسازی آب تخصیص یافته به آب‌بران، و حداقل‌سازی میزان تخطی از ملاک کیفی به عنوان سه تابع هدف مدل بهینه‌سازی چندهدفه در نظر گرفته شدند. در مدل بهینه‌سازی تخصیص آب و بار آلودگی، به دلیل وزن بیشتری که برای شاخص کیفی *TSS* در نظر گرفته شده، بهبود چشمگیری در وضعیت این شاخص کیفی، مخصوصاً در نقاط مهار کیفی سوم، چهارم و پنجم ملاحظه گردید. به‌وسیله‌ی مدل‌های حل اختلاف، گزینش اجتماعی بردا، مدل بازی نش و نش-هرسنی، مطلوب‌ترین نقطه روی منحنی تعامل بین اهداف مشخص گردید. نتایج حاصله از وضعیت شاخص کیفی *DO* و *TSS* بعد از اعمال تخصیص بهینه، نشان داد که اعمال سیاست تخصیص طبق روش‌های بردا، نش و نش-هرسنی، قادر است در نقطه‌ی مهار کیفی آخر، مقدار *DO* را تا ۴۱٪، و مقدار *TSS* را تا ۳۸٪ بهبود بخشد. وضعیت *BOD* در اکثر نقاط مهار به مقدار کمی بهبود یافته است. در این مقاله بحث عدم قطعیت در غالب نمایشنامه‌سازی دیده شده است. پیشنهاد می‌شود در تحقیقات آتی جهت بررسی دقیق‌تر از رویکرد نظریه مجموعه‌های فازی و بهینه‌سازی بازه‌ای برای لحاظ عدم قطعیت استفاده شود. همچنین پیشنهاد می‌شود که بررسی در سامانه رود-مخزن نیز صورت پذیرد، افزون بر آنها می‌توان با توجه به وضعیت منطقه، متغیرهای کیفی بیشتری را مد نظر قرار داد.

## منابع

- ۱) بنان، نگار؛ امید طبیعی و امیرعباس بنان، ۱۳۸۵، منابع آلاینده رود کر و سیوند، اولین همایش تخصصی مهندسی محیط زیست، تهران، دانشگاه تهران، دانشکده محیط زیست، <https://www.civilica.com/Paper-CEE01->
- ۲) بیژنی‌منظر م. ۱۳۹۲. کاربرد چانه‌زنی بازگشتی با بن‌بست در تخصیص بار آلودگی در رودها. هفتمین کنگره ملی مهندسی عمران. دانشکده مهندسی شهید نیکبخت. زاهدان
- ۳) بیژنی منظر م و مهجوری ن. ۱۳۹۲. تخصیص بار آلودگی در رود زرچوب: کاربرد روش‌های گزینش اجتماعی بردا و چانه‌زنی نش. نشریه تحقیقات منابع آب ایران. سال نهم. شماره ۳

- Environmental Monitoring and Assessment . 186(9): 5935-5949
- 25) Xia, B., Qian, X. and Yao, H., 2017. An improved risk-explicit interval linear programming model for pollution load allocation for watershed management. *Environmental Science and Pollution Research*, 24(32), pp.25126-25136.
- 26) Xu, J., Hou, S., Yao, L. and Li, C., 2017. Integrated waste load allocation for river water pollution control under uncertainty: a case study of Tuojiang River, China. *Environmental Science and Pollution Research*, 24(21), pp.17741-17759.
- 27) Yu, S. and Lu, H., 2018. Integrated watershed management through multi-level and stepwise optimization for allocation of total load of water pollutants at large scales. *Environmental Earth Sciences*, 77(10), p.373.
- 28) Zhang W, Wang Y, Peng H, Li Y and Tang J. 2010. A coupled water quantity-quality model for water allocation analysis. *Water Resources Management*. 24(3): 485-511.
- 29) Zolfagharipoor, M.A. and Ahmadi, A., 2016. A decision-making framework for river water quality management under uncertainty: Application of social choice rules. *Journal of environmental management*, 183, pp.152-163.
- problems in construction projects. *Expert systems with applications*, 42(6), pp.3089-3104.
- 16) Nasiri-Gheidari, O., Marofi, S. and Adabi, F., 2018. A robust multi-objective bargaining methodology for inter-basin water resource allocation: a case study. *Environmental Science and Pollution Research*, 25(3), pp.2726-2737.
- 17) Nikoo M.R, Kerachian R and Karimi A. 2012. A nonlinear interval model for water and waste load allocation in river basins. *Water Resources Management*. 26(10): 2911-2926
- 18) Nikoo, M.R., Kerachian, R., Karimi, A. and Azadnia, A.A., 2013. Optimal water and waste-load allocations in rivers using a fuzzy transformation technique: a case study. *Environmental monitoring and assessment*, 185(3), pp.2483-2502.
- 19) Nikoo, M.R., Kerachian, R., Karimi, A., Azadnia, A.A. and Jafarzagdegan, K., 2014. Optimal water and waste load allocation in reservoir–river systems: a case study. *Environmental Earth Sciences*, 71(9), pp.4127-4142.
- 20) Nikoo, M.R., Beiglou, P.H.B. and Mahjouri, N., 2016. Optimizing multiple-pollutant waste load allocation in rivers: an interval parameter game theoretic model. *Water resources management*, 30(12), pp.4201-4220.
- 21) Saberi, L. and Niksokhan, M.H., 2016. Expression of Concern-Optimal waste load allocation using graph model for conflict resolution. *Water Science and Technology*, p.wst2016429.
- 22) Sheikhmohammady M and Madani K. 2008. Bargaining over the Caspian sea-the largest lake on the earth. *Proceeding of the 2008 world environmental and water resources congress*. Honolulu. Hawaii. 1-9
- 23) Shi, G.M., Wang, J.N., Zhang, B., Zhang, Z. and Zhang, Y.L., 2016. Pollution control costs of a transboundary river basin: Empirical tests of the fairness and stability of cost allocation mechanisms using game theory. *Journal of environmental management*, 177, pp.145-152.
- 24) Tavakoli A, Kerachian R and Nikoo M. R. 2014. Water and waste load allocation in rivers with emphasis on agricultural return flows: application of fractional farctorial analysis.